

ATP Model Sample Paper

संकलित परीक्षा - I, 2015

SUMMATIVE ASSESSMENT - I, 2015

गणित/ MATHEMATICS (code-15-00150)

कक्षा - IX / CLASS - IX

निर्धारित समय: 3 घंटे

अधिकतम अंक : 90

Time Allowed : 3 hours

Maximum Marks : 90

समान्य निर्देश:

1. सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
2. इस प्रश्न पत्र में 31 प्रश्न हैं, जिन्हें चार खण्डों अ, ब, स तथा द में बांटा गया है। खंड-अ में 4 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक 1 अंक का है; खण्ड-ब में 6 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं; खण्ड-स में 10 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं; तथा खण्ड-द में 11 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।
3. इस प्रश्न पत्र में कोई विकल्प नहीं है।
4. कैलकुलेटर का प्रयोग वर्जित है।

General Instructions:

1. All questions are compulsory.
2. The question paper consists of 31 questions divided into four sections A, B, C and D. Section-A comprises of 4 questions of 1 mark each; section-B comprises of 6 questions of 2 marks each; section-C comprises of 10 questions of 3 marks each; section-D comprises of 11 questions of 4 marks each.
3. There is no overall choice in this question paper.
4. Use of calculator is not permitted.

खण्ड-अ / SECTION-A

प्रश्न संख्या 1 से 4 तक प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है।

Question numbers 1 to 4 carry 1 mark each.

Q1. $4x^2 - 1$ का शून्यक ज्ञात कीजिए।Find the zeroes of $4x^2 - 1$.

Q2. बिंदु (2, -5) किस चतुर्थांश में स्थित है ?

In which quadrant does point (2, -5) lie ?

Q3. Evaluate;

मान ज्ञात कीजिए।

$$(25)^{\frac{3}{2}} \div (243)^{\frac{3}{5}}$$

Q4. एक समबाहु त्रिभुज का परिमाण 180 m है तो इसका क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।

The perimeter of an equilateral triangle is 180 m, find its area.

खण्ड-ब / SECTION-B

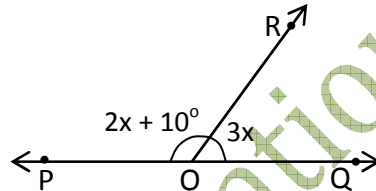
प्रश्न संख्या 5 से 10 तक प्रत्येक प्रश्न 2 अंकों का है ।

Question numbers 5 to 10 carry 2 marks each.

Q5. $0.4\bar{7} \frac{p}{q}$ को के रूप में व्यक्त कीजिये, जहाँ $q \neq 0$ है ।

Express $0.4\bar{7}$ in the form of $\frac{p}{q}$. Where $q \neq 0$;

Q6. दी गयी आकृति में $\angle POR = 2x + 10^\circ$ और $\angle QOR = 3x$ हैं, x का मान ज्ञात कीजिए ।



In the given figure $\angle POR = 2x + 10^\circ$ and $\angle QOR = 3x$, find the value of x .

Q7. $\frac{1}{7}$ तथा $\frac{2}{7}$ के बीच पांच परिमेय संख्या लिखिए ।

Find the two rational number between $\frac{1}{7}$ and $\frac{2}{7}$.

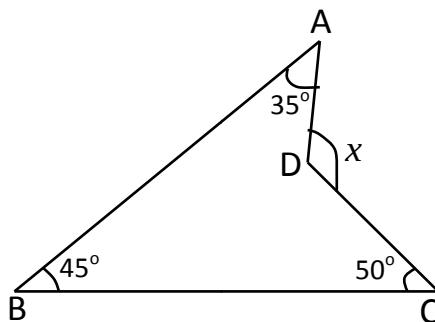
Q8. बिंदु $P(7, 3)$ का y -अक्ष से दूरी क्या है ?

What is the distance of point $(7, 3)$ from y -axis?

Q9. यदि $a = 7 - 4\sqrt{3}$ है यदि तो $\sqrt{a} + \frac{1}{\sqrt{a}}$ का मान ज्ञात कीजिये ।

If $a = 7 - 4\sqrt{3}$, find the value of $\sqrt{a} + \frac{1}{\sqrt{a}}$.

Q10. दी गयी आकृति में, $\angle A = 35^\circ$, $\angle B = 45^\circ$ तथा $\angle C = 50^\circ$ है तो x का मान ज्ञात कीजिए ।



In Given figure, $\angle A = 35^\circ$, $\angle B = 45^\circ$ and $\angle C = 50^\circ$, then find the value of x .

खण्ड-स / SECTION-C

प्रश्न संख्या 11 से 20 तक प्रत्येक प्रश्न 3 अंकों का है ।

Question numbers 11 to 20 carry 3 marks each.

Q11. गुणनखंड ज्ञात कीजिए ।

Factorise.

$$x^3 - 1$$

Q12. दर्शाइए कि

Show that;

$$\frac{a^{-1}}{a^{-1} + b^{-1}} + \frac{a^{-1}}{a^{-1} - b^{-1}} = \frac{2b^2}{b^2 - a^2}$$

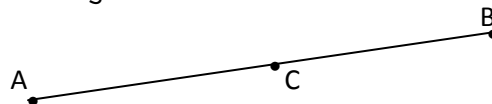
Q13. मान ज्ञात कीजिए ।

Find the value;

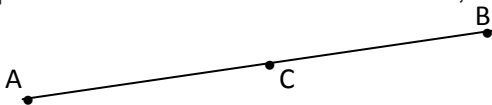
$$(28)^3 + (-15)^3 + (-13)^3$$

Q14. किसी त्रिभुज के दो शीर्ष A(3,4) तथा B(6,0) हैं और तीसरा शीर्ष मूल बिंदु पर है तो इन बिन्दुओं को कार्तीय तल में आलेखित कीजिए । यदि AD त्रिभुज का शीर्ष लम्ब है तो इसकी लम्बाई कितनी है ।

Q15. यदि दो बिन्दुओं A तथा B के बीच कोई बिंदु C इस प्रकार स्थित है कि AC = BC है, तो सिद्ध कीजिए कि $AC = \frac{1}{2} AB$ है।



If a point C lies between two points A and B such that AC = BC, then prove that $AC = \frac{1}{2} AB$.



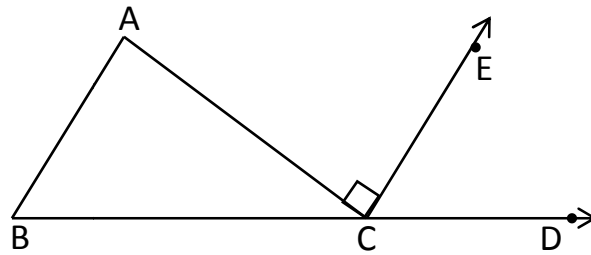
Q16. यदि $\frac{5+2\sqrt{3}}{7+4\sqrt{3}} = a - b\sqrt{3}$ है तो a तथा b का मान ज्ञात कीजिए ।

Find the value of a and b, if $\frac{5+2\sqrt{3}}{7+4\sqrt{3}} = a - b\sqrt{3}$.

Q17. किसी त्रिभुज की भुजाओं की लम्बाइयां 5 सेमी., 12 सेमी. तथा 13 सेमी. हैं । 13 सेमी. लम्बाई वाली भुजा के सम्मुख शीर्ष से खींचे गये लम्ब की लम्बाई ज्ञात कीजिए ।

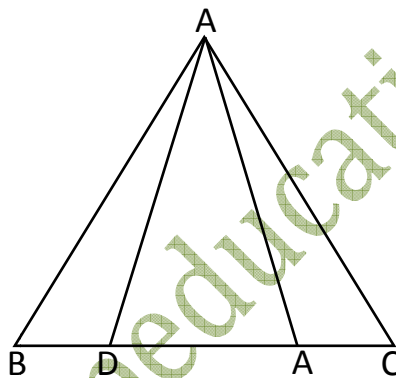
The lengths of sides of a triangle are 5 cm, 12 cm and 13 cm. Find the length of altitude drawn from opposite vertex of side of length 13 cm.

Q18. आकृति में, $AC \perp CE$ तथा $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 2 : 1$ है, तो $\angle ECD$ का मान ज्ञात कीजिए ।



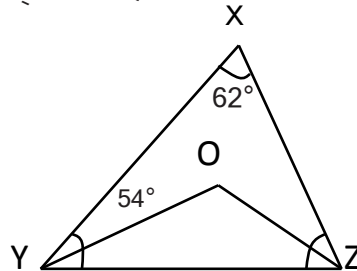
In given figure, $AC \perp CE$ and $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 2 : 1$, Find the value of $\angle ECD$.

Q19. आकृति में, त्रिभुज ABC की भुजा BC पर दो बिंदु D तथा E इस प्रकार हैं कि $BD = EC$ तथा $AD = AE$ हो, तो सिद्ध कीजिए कि $AB = AC$ है ।



In figure, there are two points D and E on the side BC of triangle ABC such that $BD = EC$ and $AD = AE$, prove that $AB = AC$.

Q20. दी गई आकृति में, $\angle X = 62^\circ$, $\angle XYZ = 54^\circ$ है । यदि YO तथा ZO $\triangle XYZ$ के $\angle XYZ$ तथा $\angle XZY$ के क्रमशः कोण समद्विभाजक हैं तो $\angle OZY$ तथा $\angle YOZ$ ज्ञात कीजिए ।



In given figure, $\angle X = 62^\circ$, $\angle XYZ = 54^\circ$. If YO and ZO are the bisectors of $\angle XYZ$ and $\angle XZY$ respectively of $\triangle XYZ$, find $\angle OZY$ and $\angle YOZ$.

खण्ड-द / SECTION-D

प्रश्न संख्या 21 से 31 तक प्रत्येक प्रश्न 4 अंकों का है ।

Question numbers 21 to 31 carry 4 marks each.

Q21. यदि $a = \frac{2-\sqrt{5}}{2+\sqrt{5}}$ तथा $b = \frac{2+\sqrt{5}}{2-\sqrt{5}}$, तो $a^2 - b^2$ का मान ज्ञात कीजिए ।

If $a = \frac{2-\sqrt{5}}{2+\sqrt{5}}$ and $b = \frac{2+\sqrt{5}}{2-\sqrt{5}}$ then find the value of $a^2 - b^2$.

Q22. लम्बी विभाजन विधि द्वारा दर्शाइए कि $x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 8x + 6$ का $x - 3$ एक गुणनखंड है ।

Show by long division method that $x - 3$ is a factor of $x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 8x + 6$.

Q23. यदि एक घनाभ का आयतन $12ky^2 + 8ky - 20k$ है तो इसकी सभी विमाएँ ज्ञात कीजिए ।

If the volume of a cuboids is $12ky^2 + 8ky - 20k$ then find its dimensions.

Q24. उपयुक्त सर्वसमिका का प्रयोग कर मान ज्ञात कीजिए ।

Evaluate using suitable identity;

(a) 967^2

(b) 105×103

Q25. गुणनखंड कीजिए;

Factorise;

$$(x^2 + 3x)^2 - 5(x^2 + 3x) - y(x^2 + 3x) + 5y$$

Q26. $ax^3 + 3x^2 = 13$ तथा $2x^3 - 5x + a$ को $x+2$ से विभाजित करने पर शेषफल क्रमशः R_1 तथा R_2 प्राप्त होता है । यदि $R_1 - R_2 = 0$, है तो 'a' का मान ज्ञात कीजिए ।

On dividing $ax^3 + 3x^2 = 13$ and $2x^3 - 5x + a$ by $x + 2$ leaves remainder R_1 and R_2 respectively. If $R_1 - R_2 = 0$, then find the value of 'a'.

Q27. सिद्ध कीजिये कि बहिष्कोण दोनों अंतः अभिमुख कोणों के योग के बराबर होता है ।

Prove that if the side of a triangle is produced then the exterior angle so forms is equal to sum of the two interior opposite angles.

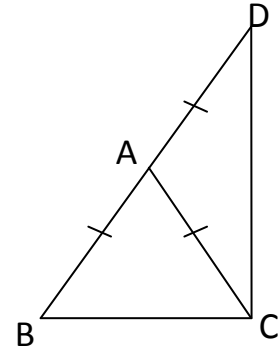
Q28. $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $AB = AC$ है। भुजा BA को इस प्रकार बढ़ाया गया कि

$AD = AB$ है। दर्शाइए कि $\angle BCD$ एक समकोण है।

$\triangle ABC$ is an isosceles triangle in which $AB = AC$.

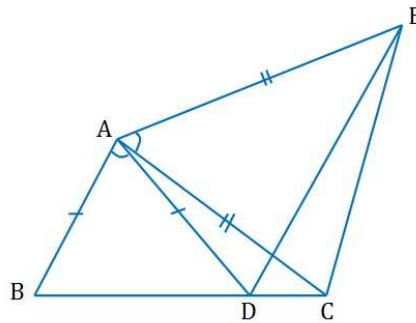
Side BA is produced to D such that $AD = AB$.

Show that $\angle BCD$ is a right angle.



Q29. दी गयी आकृति में $AC = AE$, $AB = AD$ तथा $\angle BAD = \angle EAC$ है।

सिद्ध कीजिए कि $BC = DE$ है।

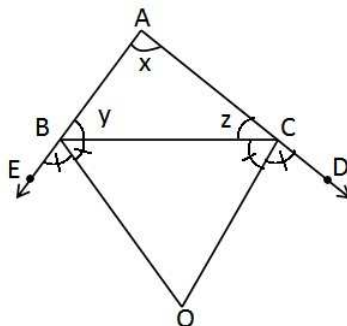


In given Fig. $AC = AE$, $AB = AD$ and $\angle BAD = \angle EAC$. Show that $BC = DE$.

Q30. सिद्ध कीजिए कि किसी त्रिभुज का परिमाण उसकी तीनों मध्यिकाओं के योगफल से बड़ा होता है।

Prove that the perimeter of a triangle is greater than the sum of its three medians.

Q31. आकृति में, $\triangle ABC$ के भुजाएँ AB तथा AC को क्रमशः बिंदु E तथा D तक बढ़ाया गया है। यदि $\angle CBE$ और $\angle BCD$ के कोण समद्विभाजक क्रमशः BO तथा CO बिंदु O पर मिलते हैं। तो सिद्ध कीजिये कि $\angle BOC = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle BAC$ है।



In Fig. the sides AB and AC of $\triangle ABC$ are produced to point E and D respectively.

If bisectors BO and CO of $\angle CBE$ and $\angle BCD$ respectively meet at point O, then prove that

$$\angle BOC = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle BAC$$